

Prof. Dr. Alfred Toth

Abbildungen in verdoppelten semiotischen Zählprozessen

1. Bei den 3 in der triadisch-trichotomischen Semiotik zu unterscheidenden Peirce-Zahlen können folgende Abbildungstypen unterschieden werden:

1.1. Triadische Peirce-Zahlen

tdP: z.B. (1.1) → (2.1) → (3.1)

$$\sigma(a.1) = ((a+1).1)$$

$$f: (a.1) \rightarrow ((a+1).1) = [[(a.), (.a+1)], [(a.1), .1]]$$

1.2. Trichotomische Peirce-Zahlen

ttP: z.B. (1.1) → (1.2) → (1.3)

$$\sigma(1.a) = (1.(a+1))$$

$$f: (1.a) \rightarrow (1.(a+1)) = [[(1.a), 1.], [(1.a), (a+1)]]$$

1.3. Diagonale Peirce-Zahlen

dgP_H: (1.1) → (2.2) → (3.3)

$$\sigma(a.b)_H = ((a+1).(b+1))$$

$$f: (a.a) \rightarrow (b.b) = [[a.b], [a.b]]$$

dgP_N: (3.1) → (2.2) → (1.3)

$$\sigma(a.b)_N = ((a\pm 1).(b\pm 1))$$

$$f: (c.a) \rightarrow (b.b) = [[c.b], [a.b] \text{ oder}$$

$$f: (b.b) \rightarrow (a.c) = [[b.a], [b.c]]$$

2. Weitere Abbildungstypen ergeben sich aus der auf

$$ZR = ((a.b), (c.d)) \text{ mit } a, \dots, d \in \{1, 2, 3\}$$

definierten Semiotik (Toth 2011a), denn sie impliziert ein flächiges Zähl-schema als Basis einer 2-dimensionalen Semiotik mit zwei dimensional verschiedenen Nachfolgern für jede komponierte Peirce-Zahl $((a.b), (c.d))$, und zwar zwei dyadische und zwei dichotomische Nachfolgerrelationen (Toth 2011b):

$$dd((a.b), (c.d)) = ((a.b), (c.d)) \rightarrow (((a+1).b), (c.d))$$

$$dt((a.b), (c.d)) = ((a.b), (c.d)) \rightarrow ((a.b), (c.(d+1)))$$

$$dtD((a.b), (c.d)) = ((a.b), (c.d)) \rightarrow ((a.(b+1)), (c.d))$$

$$ddD((a.b), (c.d)) = ((a.b), (c.d)) \rightarrow ((a.b), ((c+1).d))$$

Wie die Nachfolgetypen selbst, sind also die Nachfolger (und Vorgänger) hier nicht mehr eindeutig, vgl. z.B.

$$\begin{aligned} dd((1.2), (3.2)) &= ((1.2), (3.2)) \rightarrow ((2.2), (3.2)) = [[(1.2), (2.2)], [(3.2), (3.2)]] \\ &= [[\alpha, \beta^\circ], [\text{id}_2, \beta^\circ]] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} dt((1.2), (3.2)) &= ((1.2), (3.2)) \rightarrow ((1.2), (3.3)) = [[(1.2), (1.2)], [(3.2), (3.3)]] \\ &= [[\alpha, \beta^\circ], [\alpha, \text{id}_3]] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} ddD((1.2), (3.2)) &= ((1.2), (3.2)) \rightarrow ((1.3), (3.2)) = [[(1.2), (1.2)], [(3.2), \\ (3.3)]] &= [[\alpha, \beta^\circ], [\alpha, \beta^\circ]] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} dtD((1.2), (2.2)) &= ((1.2), (2.2)) \rightarrow ((1.2), (3.2)) = [[(1.2), (1.2)], [(2.2), \\ (3.2)]] &= [[\alpha, \text{id}_2], [\alpha, \beta^\circ]] \end{aligned}$$

Kombiniert:

$$\begin{aligned} dddt((1.2), (3.2)) &= ((1.2), (3.2)) \rightarrow ((2.2), (3.3)) = [[(1.2), (2.2)], [(3.2), \\ (3.3)]] &= [[\alpha, \beta^\circ], [\text{id}_2, \text{id}_3]] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} ddddD((1.2), (2.2)) &= ((1.2), (2.2)) \rightarrow ((2.3), (2.2)) = [[(1.2), (2.3)], [(2.2), \\ (2.2)]] &= [\alpha, \text{id}_2], [\beta^\circ, \text{id}_2], \text{ usw.} \end{aligned}$$

Es gilt also paarweise Ungleichheit der Abbildungen, wobei die Vertauschung der Operatoren nichts am Resultat ändert.

Bibliographie

Toth, Alfred, Konstruktion von Triaden aus Dyadenpaaren ohne vordefinierte Trichotomien. (Dyadisch-trivalente Semiotik 1) In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, <http://www.mathematical-semiotics.com/pdf/Dyadisch-trivalente%20Semiotik%201.pdf> (2011a)

Toth, Alfred, Zahlenstrukturen der dyadisch-trivalenten Semiotik. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics (2011b)

27.4.2011